

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Орский гуманитарно-технологический институт (филиал)  
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения  
высшего образования  
«Оренбургский государственный университет»  
(Орский гуманитарно-технологический институт (филиал) ОГУ)**

**Факультет среднего профессионального образования**

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ**

**ДИСЦИПЛИНЫ**

**««ОУД.05 Математика»**

**Специальность**

**44.02.05 Коррекционная педагогика в начальном образовании**  
(код и наименование специальности)

**Тип образовательной программы**

**Программа подготовки специалистов среднего звена**

**Квалификация**

**учитель начальных классов и начальных классов компенсирующего  
и коррекционно-развивающего образования**

**Профиль профессионального образования**

**гуманитарный**

**Форма обучения**

**очная**

Составитель Макатаев А.Н. А.Н. Макатаева  
«24» окт 2022 г.

Фонд оценочных средств обсужден и одобрен на заседании предметно-цикловой комиссии  
«ОГЭ» окт 2022 г. протокол № 6

Председатель ПЦК Злобин Н.А. Соснина

## **Содержание**

	с.
1 Паспорт фонда оценочных средств	4
2 ФОС текущего контроля	6
3 ФОС промежуточной аттестации	15
4 Критерии оценки	16

## **1 Паспорт фонда оценочных средств**

Фонд оценочных средств (далее – ФОС) предназначен для аттестации обучающихся на соответствие их достижений при освоении программы учебной дисциплины «**ОУД.05 Математика** основной профессиональной образовательной программы по специальности **44.02.05 Коррекционная педагогика в начальном образовании.**

ФОС – совокупность оценочных средств, представляющих собой комплекс заданий различного типа с ключами правильных ответов, включая критерии оценки, и используемых при проведении оценочных процедур (текущего контроля, промежуточной аттестации).

Текущий контроль успеваемости и промежуточная аттестация обеспечивают оперативное управление образовательной деятельностью обучающихся, ее корректировку и выявляют степень соответствия качества образования обучающихся требованиям федерального государственного образовательного стандарта.

Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в форме экзамена.

В рамках программы учебной дисциплины обучающимися осваиваются **умения и знания: личностных:**

- сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;

- понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;

- развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;

- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;

- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

- готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;

- готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;

- отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

**метапредметных:**

- умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;

- умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;

- владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостояльному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

- готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;

- владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;

– владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;

– целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

**предметных:**

– сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

– сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

– владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

– владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

– сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

– владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

– сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

– владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

**знать:**

31. содержательные примеры использования математических идей и методов в профессиональной деятельности;

**уметь:**

У1. различать уровни требований к сложности применяемых алгоритмов

**владеть:**

В1. индивидуальным учебным опытом в построении математических моделей, при выполнении исследовательских проектов.

## 2 ФОС текущего контроля

**Блок А - Оценочные средства для диагностирования сформированности уровня компетенций – «знать»**

### A.1 Вопросы для устного собеседования

#### Примерные вопросы для устного собеседования

1. Раскройте формулу сокращенного умножения  $a^2-b^2$ :

- A)  $a^2-2ab+b^2$
- Б)  $(a-b)(a+b)$
- В)  $a^2+2ab-b^2$
- Г)  $(a-b)(a-b)$

2. Найдите корень уравнения  $\log_3(x-2) = \log_3 2x$

- A) 2
- Б) -2
- В) Нет решения
- Г) 1

$$\left(\frac{1}{9}\right)^{x-13} = 3$$

3. Какой корень уравнения ?

- A) 12,5
- Б) 13
- В) 14
- Г) 15

4. Если определитель второго порядка  $\begin{vmatrix} x & 6 \\ -2 & -4 \end{vmatrix} = 36$ , то  $x = \dots$

5. Составьте определение Многогранника из предложенных слов: «ограниченное», «многогранник», «многоугольниками», «тело», «плоскими», «называется».

6. Какое из данных уравнений не имеет корней?

- A)  $\sin x = -0,44$ ;
- Б)  $\cos x = 5$ ;
- В)  $\operatorname{tg} x = -10$ ;
- Г)  $\cos x = 1$ .

7. Каждому из 4 произведений комплексных чисел соответствует одно из решений в правом столбце. Установите соответствие

1.  $z_1 = 5 - 2i$  и  $z_2 = 1 - 3i$ .      А)  $z_1 \cdot z_2 = 9 - 7i$

2.  $z_1 = 4 - i$  и  $z_2 = 1 + 3i$ .      Б)  $z_1 \cdot z_2 = -1 - 17i$

3.  $z_1 = 3 + 2i$  и  $z_2 = 1 - 3i$ .      В)  $z_1 \cdot z_2 = -7 - 11i$

4.  $z_1 = -4 + i$  и  $z_2 = 1 + 3i$ .      Г)  $z_1 \cdot z_2 = 7 + 11i$

8. Первая производная функции  $y(x) = x^4 + 3x^3 + 4$  имеет вид ....

- a)  $4x^3 + 9x^2 + 4$
- б)  $4x^3 + 9x^2 + 4x$
- в)  $4x^2 + 3x^2 + 4$
- г)  $4x^3 + 9x^2$

9. Решить тригонометрическое уравнение  $2\cos^2 x - 3\cos x - 2 = 0$

A)  $\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$

Б)  $(-1)^{k+1} \frac{\pi}{6} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$

В)  $\pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$

Г)  $\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi k, \pi k, k \in \mathbb{Z}$

10. Систему  $\begin{cases} -x + 2y = 4 \\ 3x + 4y = -2 \end{cases}$  решают по правилу Крамера. Установите

соответствие между названиями величин и их значениями

- |               |        |
|---------------|--------|
| 1) $\Delta x$ | a) -10 |
| 2) $\Delta y$ | б) -2  |
| 3) $x$        | в) 1   |
|               | г) 20  |

11. Вычислить  $\log_2 400 - \log_2 25$ .

- а) 8;
- б) 2;
- в) 3;
- г) 4.

12. Выберите букву, соответствующую варианту правильного ответа.

Натуральным является число:

- А) 264;
- Б)  $\sqrt[3]{3}$ ;
- В)  $\sqrt{0,25}$ .

13. Укажите функцию, графиком которой НЕ является прямая.

А)  $y = 2x - 8$

Б)  $y = x^2 + 2$

В)  $y = \frac{x+2}{8}$

Г)  $y = 8x$

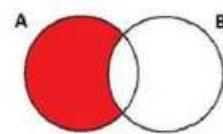
14. Сколько прямых, параллельных данной, проходит через данную точку пространства?

- А) одна
- Б) две
- В) ни одной
- Г) бесконечное множество

$$\frac{10}{17} \text{ и } \frac{5}{8}$$

15. Какое из следующих чисел заключено между числами  $\frac{10}{17}$  и  $\frac{5}{8}$ ?

- A) 0,4
- Б) 0,5
- В) 0,6
- Г) 0,7



16. Какая операция изображена на кругах Эйлера?

- A)  $E = A \cup B$
- Б)  $E = A \cap B$
- В)  $E = A \setminus B$  +

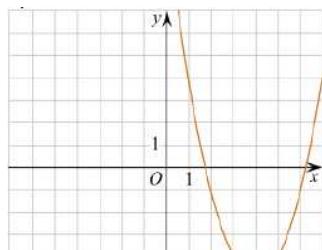
17. Соединения из  $n$  элементов по  $m$ , отличающиеся друг от друга порядком расположения в них элементов, называются:

- A) Перестановки
- Б) Сочетаниями
- В) Размещениями

18. Определите вид уравнения  $\sqrt{-32-x} = 2$ .

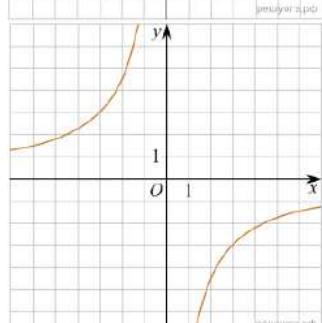
- A) Линейное
- Б) Квадратное
- В) Иррациональное
- Г) Рациональное

19. Каждой из 3 функций, соответствует формула. Установите соответствие.



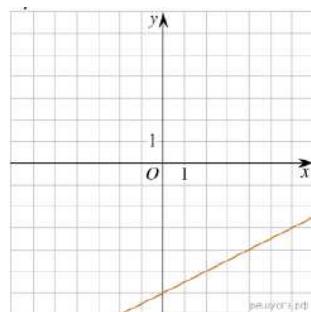
A)  $y = \frac{1}{2}x - 6$

1)



Б)  $y = x^2 - 8x + 11$

2)



B)  $y = -\frac{9}{x};$

3)

20. Заполните пропуски. Функция  $y=\cos x$  принимает положительные значения в ... и ... четвертях.

21. Определите соответствие числового множества и его обозначения.

1) Натуральные числа	A) Q
2) Рациональные числа	Б) N
3) Целые числа	В) Z

22. Какая из функций является четной?

- A)  $y=\cos x$
- Б)  $y=\sin x$
- В)  $y=\operatorname{tg} x$
- Г)  $y=\operatorname{ctg} x$

23. Каких событий не бывает в теории вероятностей?

- А) Случайное
- Б) Неслучайное
- В) Достоверное
- Г) Невозможное

24. Закончите предложение: «Числа, которые используются при счете предметов называются ...»

25. Верно ли утверждение? (да или нет). Если при переходе через точку  $x_0$  производная меняет знак с «-» на «+», то  $x_0$  – точка максимума

26. Выберите букву, соответствующую варианту правильного ответа.  
Дискриминант квадратного уравнения  $4x^2-5x+2=0$  равен:

- А) 25;
- Б) 7;
- В) -7.

27. В коробке 15 жёлтых и 5 зелёных шаров. Какова вероятность того, что выбранный наугад шар зелёный?

- А) 0,05;
- Б) 0,15;
- В) 0,2;
- Г) 0,25.

28. Множество, которое состоит только из элементов множества А и всех элементов множества В, называется:

- А) Разностью множеств А и В
- Б) Пересечением множеств А и В
- В) Объединением множеств А и В

29. Вычислите сумму комплексных чисел  $z_1 = 2 + 3i$  и  $z_2 = 5 - i$
- А)  $4+5i$   
 Б) 10  
 В)  $7+2i$
30. В каких единицах измеряется площадь поверхности многогранника?
- А) В градусах  
 Б) В метрах  
 В) В квадратных метрах  
 Г) В двугранных градусах

**Эталон ответов:**

1	А
2	Б
3	А
4	$x = -6$
5	тело, ограниченное плоскими многоугольниками, называется многогранник
6	Б
7	1 – Б, 2 – Г, 3 – А, 4 – В
8	Г
9	В
10	1 – Г, 2 – А, 3 – Б.
11	Б
12	А
13	Б
14	А
15	В
16	В
17	А
18	В
19	1 – Б, 2 – В, 3 – А.
20	1 и 4
21	1 – Б, 2 – А, 3 – В.
22	А
23	Б
24	натуральными
25	нет
26	В
27	Г
28	В
29	В

30 | В

**Блок В - Оценочные средства для диагностирования сформированности уровня компетенций «уметь»**

**В.1 Практические задания, с кратким ответом.**

1. Найдите корни показательного уравнения  $3^{x^2-3x+5} = 27$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

2. Найдите корни логарифмического уравнения  $\log_2(x^2 - 4x + 4) = 4$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

3. Решите уравнение  $x^2 - 7x + 10 = 0$ . Если уравнение имеет более одного корня, в ответ запишите меньший корень.

Ответ: \_\_\_\_\_

4. Найдите корни тригонометрического уравнения  $\cos x = \frac{1}{2}$ . Запишите наименьший положительный корень.

Ответ: \_\_\_\_\_

5. Высота ВН параллелограмма АВСД делит его сторону АД на отрезки АН = 2см и НД = 32см. Диагональ параллелограмма ВД равна 40см. Найдите площадь параллелограмма

Ответ: \_\_\_\_\_

**Эталон ответов:**

1.  $x_1 = 1, x_2 = 2$ .

2.  $x_1 = -2, x_2 = 6$

3.  $x = 2$ .

4.  $\pi/3$

5.  $S = 816\text{cm}^2$

**Блок С - Задания творческого уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умения интегрировать знания различных областей, аргументировать собственную точку зрения**

**С.1 Практические задания с подробными решениями.**

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями

$$y = x^2 + 2, y = 0, x = -2, x = 1$$

2. Найти точки перегиба функции  $y = x^3 - 3x$ , решение оформите в виде таблицы

3. На столе стоит цилиндрическая банка с водой. Радиус основания банки  $R = 5$  см. Если в эту банку опускают шарик радиусом  $r = 3$  см, то он ложится на дно банки, а поверхность воды при этом поднимается настолько, что становится касательной к шарику. Найдите объём воды в банке.

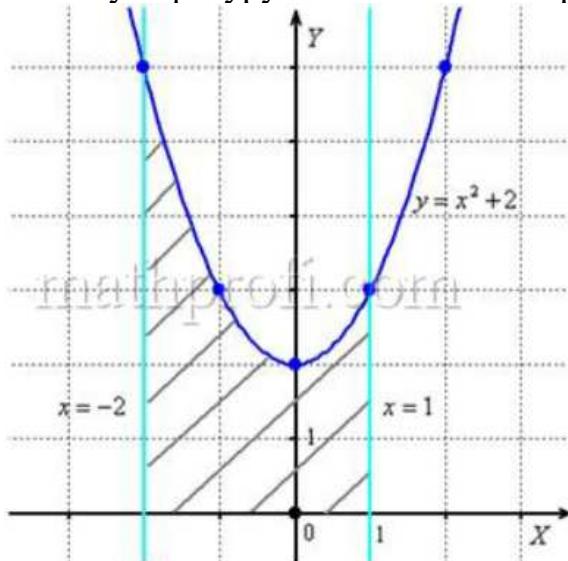
4. Из 1000 собранных на заводе телевизоров 5 штук бракованных. Эксперт проверяет один наугад выбранный телевизор из этой 1000. Найдите вероятность того, что проверяемый телевизор окажется бракованным.

### **Эталон ответа:**

**1. Решение.** Необходимо выполнить чертеж. Прямая  $y=0$  определяет ось  $OX$ , прямые  $x=-2, x=1$  параллельны оси  $OY$  и парабола  $y=x^2+2$  симметрична относительно оси  $OY$ , для неё находим несколько опорных точек:

$x$	0	-1	1	-2	2
$y$	2	3	3	6	6

Искомую фигуру желательно заштриховать.



На отрезке  $[-2; 1]$  график функции  $y=x^2+2$  расположен над осью  $OX$ , поэтому искомая площадь:

$$S = \int_{-2}^1 (x^2 + 2) dx = \left( \frac{x^3}{3} + 2x \right) \Big|_{-2}^1 = \frac{1}{3} + 2 - \left( -\frac{8}{3} - 4 \right) = \frac{1}{3} + 2 + \frac{8}{3} + 4 = 9$$

**Ответ:**  $S = 9 \text{ ед.}^2$

$x$	$(-\infty; 0)$	0	$(0; +\infty)$
$y//$	-	0	+
$y$	↙	перегиб	↘

2. Решение.

3. Решение. Если поверхность воды становится касательной к шару, то высота слоя воды равна диаметру шара ( $h = 6 \text{ см.}$ ). Тогда объём воды вместе с шаром можно определить по формуле  $V = \pi R^2 h$ . Если из этого объёма вычесть

объём шара  $\left(\frac{4}{3}\pi r^3\right)$ , то получим объём воды в банке:  $V_{\text{воды}} = \pi R^2 h - \frac{4}{3}\pi r^3$ . Подставив данные задачи, получим  $V_{\text{воды}} = \pi \cdot 5^2 \cdot 6 - \frac{4}{3}\pi \cdot 3^3 = 3\pi(50 - 12) = 114\pi$ .

**Ответ:**  $114\pi$

4. Решение. При выборе телевизора наугад возможны 1000 исходов, событию А «выбранный телевизор — бракованный» благоприятны 5 исходов. По определению вероятности  $P(A) = 5 \div 1000 = 0,005$ .

**Ответ:** 0,005.

**З ФОС промежуточной аттестации****Блок D**

Состав билета



**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**Орский**  
**гуманитарно-технологический**  
**институт (филиал)**  
**федерального государственного**  
**бюджетного образовательного учреждения**  
**высшего образования**  
**«Оренбургский государственный**  
**университет»**  
**(Орский гуманитарно-технологический**  
**институт (филиал) ОГУ)**

Факультет среднего профессионального  
образования

Специальности  
44.02.05 Коррекционная педагогика в  
начальном образовании

Дисциплина Математика

**ВАРИАНТ 1**

1. Найти произведение  $z_1 \cdot z_2$  и частное  $\frac{z_1}{z_2}$  комплексных чисел, если  $z_1 = 5 - 2i$  и  $z_2 = 1 - 3i$ .
2. Решить показательное уравнение  $5^{x+1} + 5^x + 5^{x-1} = 31$
3. Решить логарифмическое уравнение  $\lg(x^2 - x + 8) = 1$ .
4. Решить тригонометрическое уравнение  $4 \cos^2 x - 4 \cos x - 3 = 0$
5. Решите систему линейных уравнений методом Крамера:  $\begin{cases} 5x + 8y = 0 \\ x - 1,6y = 1 \end{cases}$
6. Исследовать функцию на монотонность и точки перегиба:

$$y = -\frac{1}{3}x^3 + x^2 - 1$$

7. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 2$ ,  $x = 4$ . Сделать рисунок.
8. Сколькими способами можно расставить на полке 7 книг?
9. В магазин поступило 30 холодильников, пять из которых имеют заводской дефект. Случайным образом выбирают один холодильник. Какова вероятность того, что он будет без дефекта?
10. Вычислить площадь боковой, полной поверхности и объем тела, которое получается вращением прямоугольного треугольника с катетами 8 см и 15 см вокруг меньшего катета.

Составитель \_\_\_\_\_ А.Н. Макатаева

Председатель ПЦК \_\_\_\_\_ Н.А. Соснина

«\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

## 4 Критерии оценки

### Критерии оценивания тестов

Каждый правильный ответ в тесте приравнивается к одному баллу, если не указана иная шкала. Баллы суммируются и вычисляется процентное соотношение количества правильных ответов. Далее процентное соотношение переводится в балл количественной оценки.

Таблица перевода количества правильных ответов в тестировании в баллы

< 40%	0 баллов
40-45%	1 балл
46-51%	2 балла
52-57%	3 балла
58-63%	4 балла
64-69%	5 баллов
70-75%	6 баллов
76-81%	7 баллов
82-87%	8 баллов
88-93%	9 баллов
94-100%	10 баллов

### Критерии оценивания практических заданий

«отлично» - все задания решены правильно на сновании изученных теорий;

«хорошо» - задания выполнены правильно на основе изученных теорий, при этом допущены 1-2 ошибки, исправленные по требованию преподавателя;

«удовлетворительно» - при выполнении заданий допущена существенные ошибки; студент испытывает затруднения в применении правил выполнения операций;

«неудовлетворительно» - студент делает попытку решить задания, но при этом выявляется непонимание студентом содержания учебного материала; неумение владеть правилами выполнения операций; полное непонимание дополнительных вопросов преподавателя.

### Критерии оценивания ответа на экзамене.

Отметка «5» ставится в следующих случаях:

- работа выполнена полностью.
- в логических рассуждениях и обоснованиях нет пробелов и ошибок;
- в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, не являющаяся следствием незнания или непонимания учебного материала);

Отметка «4» ставится, если:

- работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточны (если умения обосновывать рассуждения не являлись специальным объектом проверки);
- допущена одна ошибка или два-три недочета в выкладках, чертежах или графиках (если эти виды работы не являлись специальным объектом проверки);

Отметка «3» ставится, если:

- допущены более одной ошибки или более двух- трех недочетов в выкладках, чертежах или графика, но учащийся владеет обязательными умениями по проверяемой теме.

Отметка «2» ставится, если:

- допущены существенные ошибки, показавшие, что учащийся не владеет обязательными знаниями по данной теме в полной мере;

- работа показала полное отсутствие у учащегося обязательных знаний, умений по проверяемой теме или значительная часть работы выполнена не самостоятельно.